



# RISORSE DIDATTICHE.



**[ResearchGate Project](#)** By ... 0000-0001-5086-7401 & [lnkd.in/erZ48tm](https://www.linkedin.com/in/erZ48tm)



.....



.....

# Pi Greco ... curiosità.



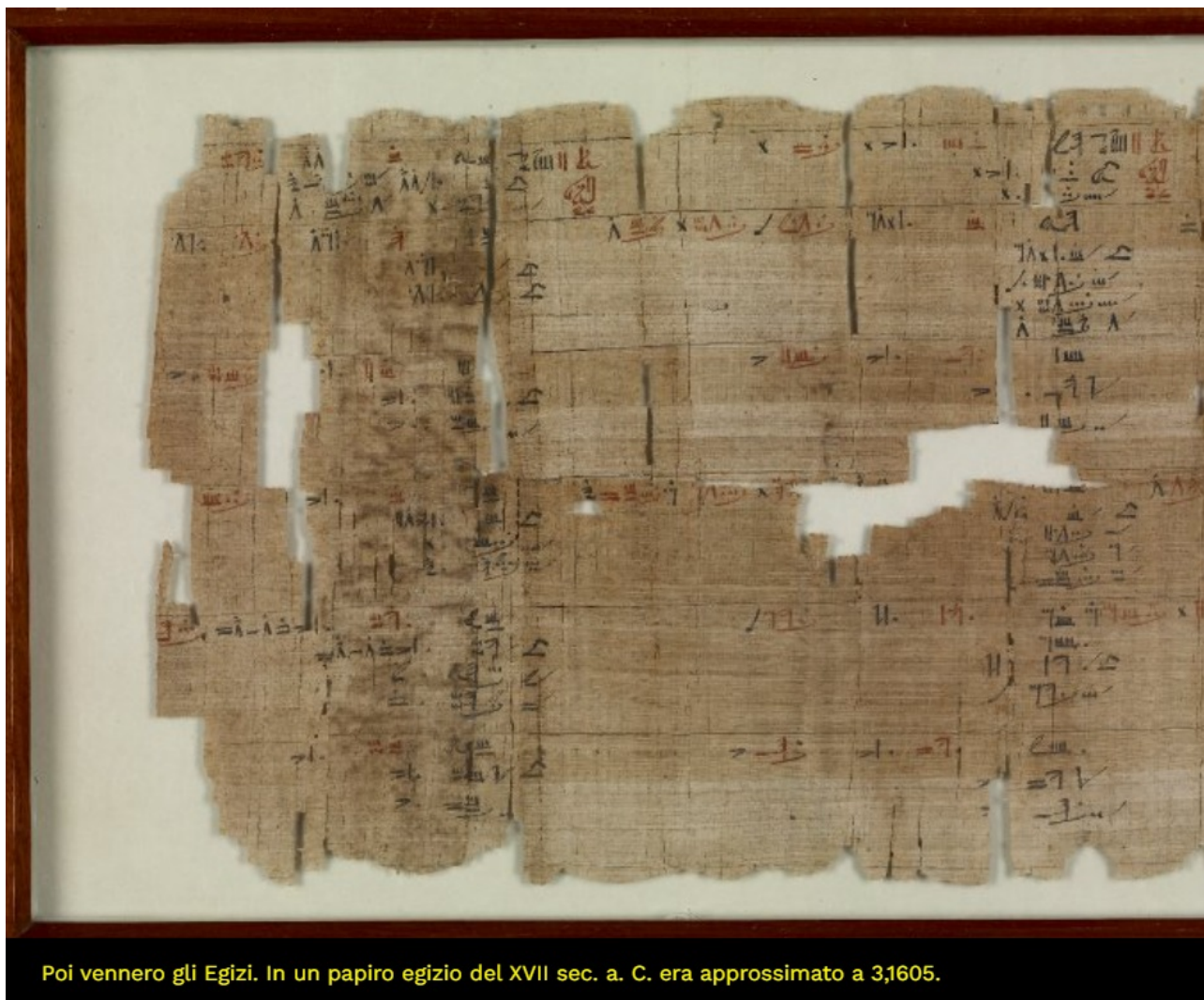


Il Pi greco permea la nostra esistenza, ben oltre i problemi di geometria a scuola, dove è conosciuto come il rapporto fra la circonferenza e il diametro del cerchio (o l'area di un cerchio di raggio uguale a 1).

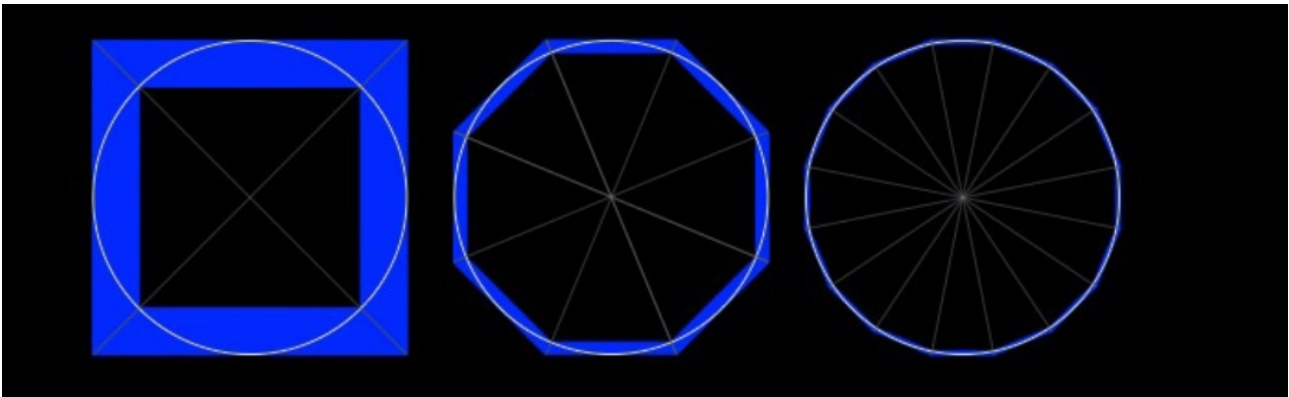
Dall'elettromagnetismo alla meccanica quantistica, il Pi greco investe molti settori. Ad esempio ha a che fare con il Principio di Indeterminazione di Heisenberg, entra in campo nel periodo di oscillazione del pendolo (che è proporzionale al nostro numero irrazionale), così come nella forza di Coulomb tra due oggetti carichi elettricamente.

Ma la storia del Pi greco ha circa 4mila anni. Furono i Babilonesi, grandi matematici e architetti, i primi a impiegarlo, interpretandolo come 3,125.





Poi vennero gli Egizi. In un papiro egizio del XVII sec. a. C. era approssimato a 3,1605.



I Greci usavano poligoni tangenti internamente ed esternamente a un cerchio, ovvero rispettivamente inscritti e circoscritti (vedi grafico sopra). La lunghezza di una circonferenza è infatti necessariamente compresa fra un limite superiore e uno inferiore, rappresentati rispettivamente dal perimetro del poligono esterno, leggermente maggiore, e quello interno, di poco minore. Quanti più lati ha un poligono, tanto più precisa è la sua approssimazione al cerchio, e di conseguenza tanto maggiore è la precisione con cui si può ricavare il numero che lega la circonferenza al suo diametro. Archimede di Siracusa (287- 212 a.C.) usò poligoni con 96 lati. La sua conclusione fu che il numero del cerchio doveva essere più piccolo di  $3 + \frac{1}{7}$  ma più grande di  $3 + \frac{10}{71}$ . Rappresentare con un numero decimale il valore intermedio tra i due non era ancora alla portata dei Greci, ma il risultato sarebbe stato 3,1419. Ha tre cifre corrette dopo la virgola, e si discosta solo dell'1% dal valore di oggi.

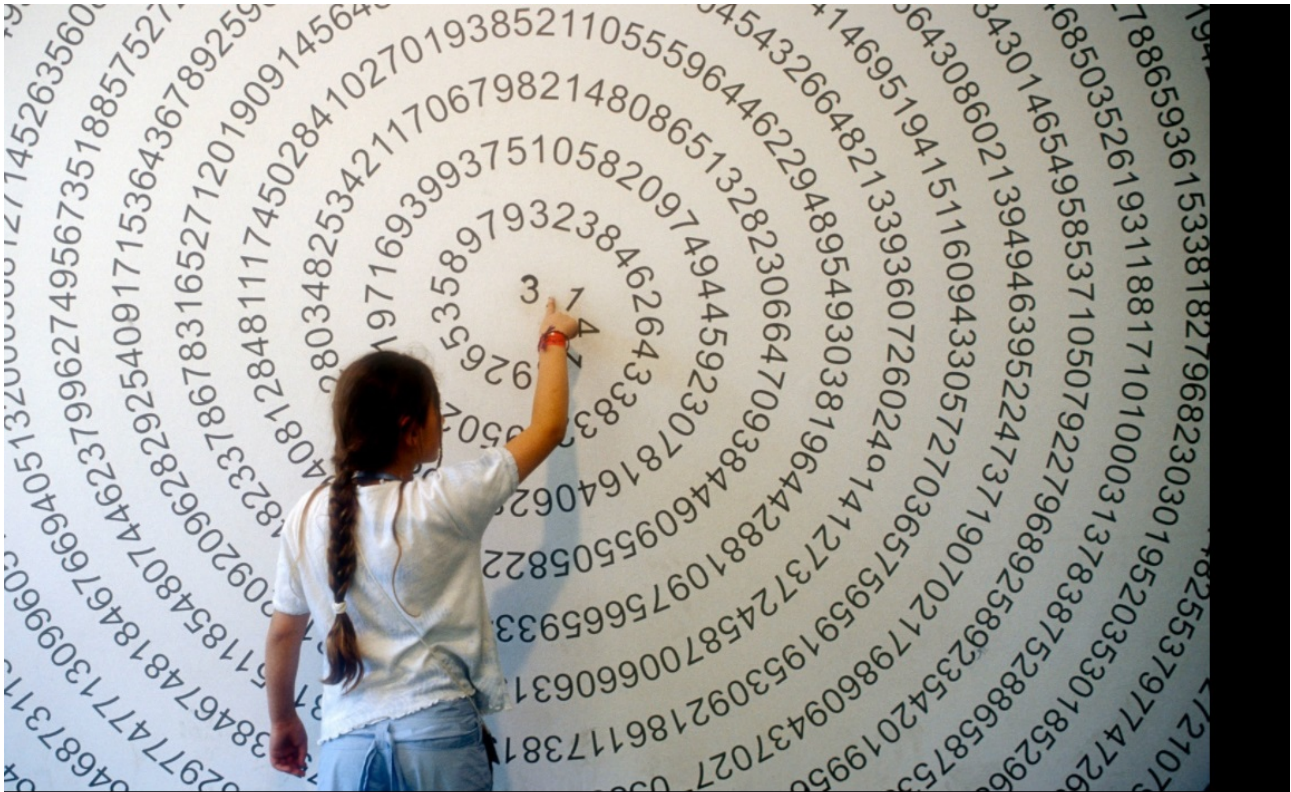


Nei secoli successivi i miglioramenti nell'approssimazione non furono particolarmente significativi. Un grande balzo riuscì a due astronomi cinesi del V secolo, Tsu Chung Chi (nel francobollo della foto in alto) e suo figlio Tsu Keng Chi, i quali trovarono come valore approssimato di  $\pi$  greco la frazione  $355/113$ , da cui si ottiene il risultato arrotondato 3,1415929. Tramite poligoni con oltre 20mila lati giunsero a una valutazione di  $\pi$  che si discosta solo di una parte su un miliardo dal valore corretto: un record destinato a rimanere insuperato per quasi mille anni.



A partire dal XVI secolo anche molti matematici europei moltiplicarono i propri sforzi per meglio approssimare il Pi greco. Ludolph van Ceulen (1539-1610, nella foto) vi dedicò 30 anni della sua vita. Calcolò il perimetro di poligoni con ben 4,6 miliardi di miliardi di lati e in tal modo riuscì a determinare 35 cifre decimali di  $\pi$ .





Il record di calcolo manuale fu però stabilito nel 1946 da un tale **D. F. Ferguson** che arrivò a 620 cifre decimali. Poi arrivarono i computer.

## Mathematician: **D.F. Ferguson**



[https://proofwiki.org/wiki/Mathematician:D.F.\\_Ferguson](https://proofwiki.org/wiki/Mathematician:D.F._Ferguson)

### Mathematician

Calculated approximations to the value of  $\pi$  (pi), using a mechanical desk calculator, to:

**620 digits** in **1945** (or **1946**; sources are inconsistent), finding an error in the work of **William Shanks** in the **528th digit**

**710 digits** in **January 1947**

**808 digits** in **September 1947**

**1120 digits** in **September 1949**, with **John Wrench**, using an electro-mechanical calculator.



Il record mondiale (non ufficiale) della “disciplina” di ricordare a memoria e declamare a voce alta i numeri decimali del Pi greco è stato raggiunto al giapponese **Akira Haraguchi** nella foto, che ha recitato 100mila cifre in 16 ore.

## Akira Haraguchi

[https://en.wikipedia.org/wiki/Akira\\_Haraguchi](https://en.wikipedia.org/wiki/Akira_Haraguchi)

From Wikipedia, the free encyclopedia

**Akira Haraguchi** (原口 證, *Haraguchi Akira*) (born 1946, Miyagi Prefecture), a retired [Japanese](#) engineer, is known for memorizing and reciting digits of [pi](#).

### Memorization of pi [[edit](#)]

He holds the current unofficial [world record](#) (100,000 digits) in 16 hours, starting at 9 a.m. (16:28 GMT) on October 3, 2006. He equaled his previous record of 83,500 digits by nightfall and then continued until stopping with digit number 100,000 at 1:28 a.m. on October 4, 2006. The event was filmed in a public hall in [Kisarazu](#), east of [Tokyo](#), where he had five-minute breaks every two hours to eat [onigiri](#) to keep up his energy levels. Even his trips to the toilet were filmed to prove that the exercise was legitimate.

His previous world record of 83,431 was performed from July 1, 2005, to July 2, 2005.

On [Pi Day](#), 2015, he claimed to be able to recite 111,701 digits.<sup>[1]</sup>

Despite Haraguchi's efforts and detailed documentation, the [Guinness World Records](#) have not yet accepted any of his records set.

Haraguchi views the memorization of pi as "the religion of the universe",<sup>[2]</sup> and as an expression of his lifelong quest for eternal truth.

### Haraguchi's mnemonic system [[edit](#)]

Haraguchi uses a system he developed, which assigns [kana](#) symbols to numbers, allowing for the memorization of pi as a collection of stories. The same system was developed by [Lewis Carroll](#) to assign letters from the alphabet to numbers, and creating stories to memorize numbers. This system preceded the system above which Haraguchi developed.

<sup>[*citation needed*]</sup>

#### Example<sup>[1]</sup>

0 => can be substituted by o, ra, ri, ru, re, ro, wo, on or oh;

1 => can be substituted by a, i, u, e, hi, bi, pi, an, ah, hy, hyan, bya or byan;

The same is done for each number from 2 through 9. His stories are what he used to memorize pi.



3.141592653589793238462643383279502884197169399375105820974944592307816406286208998628034825342117067982148086  
51328230664709384460955058223172535940812848111745028410270193852110555964462294895493038196442881097566593344  
61284756482337867831652712019091456485669234603486104543266482133936072602491412737245870066063155881748815209  
20962829254091715364367892590360011330530548820466521384146951941511609433057270365759591953092186117381932611  
79310511854807446237996274956735188575272489122793818301194912983367336244065664308602139494639522473719070217  
98609437027705392171762931767523846748184676694051320005681271452635608277857713427577896091736371787214684409  
01224953430146549585371050792279689258923542019956112129021960864034418159813629774771309960518707211349999998  
37297804995105973173281609631859502445945534690830264252230825334468503526193118817101000313783875288658753320  
83814206171776691473035982534904287554687311595628638823537875937519577818577805321712268066130019278766111959  
09216420198938095257201065485863278865936153381827968230301952035301852968995773622599413891249721775283479131  
51557485724245415069595082953311686172785588907509838175463746493931925506040092770167113900984882401285836160  
35637076601047101819429555961989467678374494482553797747268471040475346462080466842590694912933136770289891521  
04752162056966024058038150193511253382430035587640247496473263914199272604269922796782354781636009341721641219  
92458631503028618297455570674983850549458858692699569092721079750930295532116534498720275596023648066549911988  
18347977535663698074265425278625518184175746728909777727938000816470600161452491921732172147723501414419735685  
48161361157352552133475741849468438523323907394143334547762416862518983569485562099219222184272550254256887671  
79049460165346680498862723279178608578438382796797668145410095388378636095068006422512520511739298489608412848  
862694560424196528502221066118630674427862220391949450471237137869609563643719172874677646575739624138908658326  
4599581339047802759009946576407895126946839835259570982582260522489407726719478268482601476990902640136394437  
45530506820349625245174939965143142980919065925093722169646151570985838741059788595977297549893016175392846813  
826868386894277415599185592524595395943104997252468084598727373446958486538367362226260991246080512438843904512  
44136549762780797715691435997700129616089441694868555848406353422072225828488648158456028506016842739452267467  
67889525213852254995466672782398645659611635488623057745649803559363456817432411251507606947945109659609402522  
88797108931456691368672287489405601015033086179286809208747609178249385890097149096759852613655497818931297848  
21682998948722658804857564014270477555132379641451523746234364542858444795265867821051141354735739523113427166  
10213596953623144295248493718711014576540359027993440374200731057853906219838744780847848968332144571386875194  
35064302184531910484810053706146806749192781911979399520614196634287544406437451237181921799983910159195618146  
75142691239748940907186494231961567945208095146550225231603881930142093762137855956638937787083039069792077346  
72218256259966150142150306803844773454920260541466592520149744285073251866600213243408819071048633173464965145  
39057962685610055081066587969981635747363840525714591028970641401109712062804390397595156771577004203378699360  
07230558763176359421873125147120532928191826186125867321579198414848829164470609575270695722091756711672291098  
1690915280173506712748583222871835209353965725121083579151369882091444210067510334671103141267111369908685163  
98315019701651511685171437657618351556508849099898599823873455283316355076479185358932261854896321329330898570  
64204675259070915481416549859461637180270981994309924488957571282890592323260972299712084433573265489382391193  
25974636673058360414281388303203824903758985243744170291327656180937734440307074692112019130203303801976211011  
00449293215160842444859637669838952286847831235526582131449576857262433441893039686426243410773226978028073189  
15441101044682325271620105265227211166039666557309254711055785376346682065310989652691862056476931257058635662

Il numero  $\pi$  è ciò che i matematici chiamano “normale”? Si può dire, cioè, che la successione dei suoi decimali sia completamente casuale, oppure da qualche parte fra i miliardi di cifre si nascondono imprevedibili regolarità? Al 762° decimale compare per esempio la sequenza 999999. Come si può escludere che sia un frammento di distribuzione regolare di cifre fino a ora inosservata?

Sommando le prime 20 cifre dopo la virgola si ottiene come risultato 100. Sommando le prime 144 si ottiene 666, ma 144 è il quadrato di 12, ovvero  $(6+6) \times (6+6)$ .

Daniele Gouthier

# ALCUNE DELLE MILLE SFACCETTATURE DI PI GRECO

(marzo 2016)

[<sup>1</sup>]

---

<sup>1</sup> Apparso in Invito alla natura, nella rubrica 5 minuti di matematica



In occasione del Pi Day 2016, eccovi uno speciale in sei tappe sul pi greco. Cominciamo con la poesia – da gustare verso a verso – che Wislawa Szymborska gli ha dedicato. Proseguiamo con la sua carta d'identità e con un rapido percorso nella storia, con i contributi di venticinque secoli di matematici. Ci spostiamo poi sul tecnico: prima dimostrando perché pi greco lega tanto la lunghezza della circonferenza e il raggio quanto l'area del cerchio e il quadrato del raggio; poi calcolandone un'approssimazione con Excel. Per concludere, alcuni consigli di lettura.

### **Pi greco**

È degno di ammirazione il Pi greco

tre virgola uno quattro uno.

Anche tutte le sue cifre successive sono iniziali, cinque nove due, poiché non finisce mai.

Non si lascia abbracciare sei cinque tre cinque dallo sguardo, otto nove, dal calcolo, sette nove dall'immaginazione,

e nemmeno tre due tre otto dallo scherzo,

ossia dal paragone quattro sei con qualsiasi cosa due sei quattro tre al mondo.

Il serpente più lungo della terra dopo vari metri si interrompe.

Lo stesso, anche se un po' dopo, fanno i serpenti delle fiabe.

Il corteo di cifre che compongono il Pi greco non si ferma sul bordo della pagina,

È capace di srotolarsi sul tavolo, nell'aria, attraverso il muro, la foglia, il nido, le nuvole,

diritto fino al cielo, per quanto è gonfio e senza fondo il cielo.

Quanto è corta la treccia della cometa, proprio un codino!

Com'è tenue il raggio della stella, che si curva a ogni spazio!

E invece qui due tre quindici trecentodiciannove il mio numero di telefono

il tuo numero di collo l'anno millenovecentosettantatré sesto  
piano  
il numero degli inquilini sessantacinque centesimi la misura  
dei fianchi due dita  
sciarada e cifra in cui vola e canta usignolo mio oppure si  
prega di mantenere la calma,  
e anche la terra e il cielo passeranno,  
ma non il Pi greco,  
oh no, niente da fare,  
esso sta lì con il suo cinque ancora passabile,  
un otto niente male, un sette non ultimo,  
incitando, ah, incitando  
l'indolente eternità a durare.

Wisława Szymborska

### **La carta d'identità di Pi greco**

Il  $\pi$ , ovvero pi greco, inizia così 3,14159 26535 89793 23846  
26433 83279 50288 41971 69399 37510 58209 74944  
59230 78164 06286 20899 86280 34825 34211 70679... e  
non finisce mai.

È un numero decimale, illimitato e non periodico. Quindi è  
irrazionale (a dire il vero è anche trascendente ma non è detto  
che in queste poche righe dobbiamo capire anche questo).

Decimale significa che “si scrive con la virgola”.

Illimitato vuol dire che non finisce mai.

Periodici sono quei numeri che, non finendo mai, hanno dei  
blocchi di cifre che si ripetono sempre uguali. Pi greco non è  
periodico: ogni cifra è una sorpresa.

Attenzione! Ci sono numeri decimali non periodici che sono molto meno sorprendenti.

Facciamo solo due esempi:

1,234567891011121314151617181920...

0,100100010000100000100...

Pi greco è di tutt'altra pasta: se guardiamo un primo tratto della sua parte decimale non siamo in grado di capire che cosa succederà dopo.

E poi ha un'altra sorprendente proprietà: pensate un numero, qualsiasi, lungo tanto quanto volete. Ebbene questo numero da qualche parte nello sviluppo decimale di pi greco c'è. Badate, quando dico qualsiasi, intendo qualsiasi. Potrebbe sembrarvi strano ma ad esempio 1 seguito da un miliardo di 0 nello sviluppo decimale di pi greco c'è.

Nella storia della matematica, sono state trovate molte espressioni per scrivere pi greco.

Se moltiplicate per 4 la somma a segni alterni

$$1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \dots$$

ottenete un'approssimazione di pi greco.

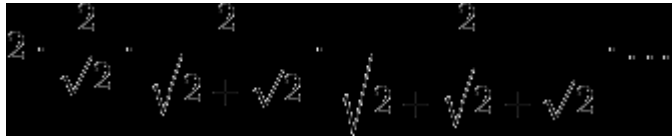
Lo stesso succede moltiplicando per 8

$$\frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \frac{1}{9 \cdot 11} + \frac{1}{13 \cdot 15} + \frac{1}{17 \cdot 19} + \dots$$

O anche aggiungendo 3 a

$$\frac{1}{1 \cdot 2 \cdot 3} - \frac{1}{2 \cdot 3 \cdot 5} + \frac{1}{3 \cdot 4 \cdot 7} - \frac{1}{4 \cdot 5 \cdot 9} + \dots$$

Mentre il prodotto


$$\sqrt{2}, \sqrt{2 + \sqrt{2}}, \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}, \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}}, \dots$$

è proprio pi greco.

Le espressioni che abbiamo presentato qui sopra si concludono tutte con dei puntini di sospensione: questo sta a significare che l'espressione esatta è formata da infinite operazioni. Se ci fermiamo a un certo punto quella che otteniamo è una, più o meno buona, approssimazione di pi greco.

Tutto ciò però non è così utile dal punto di vista pratico.

Normalmente, per gli scopi quotidiani, confondiamo pi greco con il suo troncamento alla seconda cifra decimale 3,14.

Ci accontentiamo cioè di un'approssimazione corretta al 99,94930%: molto buona.

Però con un poca fatica in più possiamo fare molto meglio: la radice quadrata di 9,87 è una sua approssimazione al 99,998%.

E la somma  $\frac{\sqrt{2}}{10} + 3$  dà un'approssimazione esatta addirittura al 99,99455%.

A volte un piccolo sforzo può dare grandi risultati!

Prima di chiudere con le espressioni di pi greco, torniamo sull'aggettivo "trascendente".

Che cosa significa?



Significa esattamente che se vogliamo scrivere  $\pi$  greco come un'espressione algebrica di numeri razionali... non possiamo farlo. Non bastano addizioni, sottrazioni, moltiplicazioni, divisioni, elevamenti a potenza ed estrazioni di radice per descrivere esattamente  $\pi$  greco.

Tutto quello che possiamo ottenere sono, come qui sopra, delle buone approssimazioni.

Se vogliamo usare le operazioni elementari e ottenere un'espressione esatta di  $\pi$  greco con i soli numeri naturali, ebbene dobbiamo rassegnarci a fare infinite operazioni.

### **Oltre venticinque secoli di storia**

Da millenni l'uomo ha osservato che al crescere del raggio, la circonferenza cresce in proporzione. E che quindi c'era una costante che li legava:  $\pi$  greco.

Naturalmente saranno state fatte molte sperimentazioni con cerchi e corde. Ma questo non bastava... c'era la curiosità di capire quanto valesse veramente  $\pi$  greco.

Nel papiro di Rhind, lo scriba Ahmes, 1650 aC, attribuisce a  $\pi$  greco il valore  $\left(\frac{16}{9}\right)^2$ , ma questa stima, per altro esatta a meno dell'1%, non ebbe gran diffusione: mille anni dopo abbiamo ancora testimonianza che babilonesi ed ebrei usavano come valore di  $\pi$  greco il numero 3, che è il valore che troviamo anche nell'*Antico Testamento*.

Nel IV secolo aC, i greci diedero un'importante accelerazione allo studio del "loro"  $\pi$ : iniziarono ad analizzare l'area dei poligoni regolari inscritti e di quelli circoscritti e a calcolarne il rapporto con quella del cerchio. È un cambiamento radicale.

Non basta più sperimentare – con oggetti fisici o con la mente – ora si passa a pensare in modo razionale – con quelle che presto saranno vere e proprie dimostrazioni.

Su questa via, il contributo più significativo avvenne due secoli dopo, con Archimede che propose ragionamenti analoghi lavorando con i perimetri invece che con le aree.

Passano ancora cent'anni e Tolomeo (quello del sistema tolemaico, per intenderci) propone una stima esatta a meno dello 0,003%: fissa il valore di pi greco in  $3 + \frac{8}{60} + \frac{30}{3600}$ .

Attenzione! Anche se le conoscenze matematiche avanzavano, nei secoli per gli scopi pratici, c'è chi si è accontentato di valori meno esatti ma più comodi per i calcoli: nel IV secolo dC abbiamo documenti che attestano che i romani usassero come valore  $3 + \frac{1}{8}$ .

Nel frattempo, in Cina, prende piede un'espressione non esattissima ma molto diversa. Dal II secolo dC, il valore di pi greco che si diffonde è  $\sqrt{10}$ , non precisissimo ma piuttosto facile da ricordare. La strada di cercare un'espressione che fosse una radice quadrata venne battuta in modo particolarmente felice dai matematici indiani: Aryabatha e Brahmagupta migliorarono sempre di più il dato cinese, con radici di decimali di 9, meno facili da ricordare ma, dimostrazione dopo dimostrazione, sempre più esatti.

Nel IX secolo, ecco a voi i matematici arabi (i quali, tre secoli dopo, influenzarono moltissimo il pensiero e l'opera del nostro Leonardo Pisano, detto il Fibonacci). È con loro che fa la sua comparsa in Occidente lo 0 e che le notazioni per i numeri divengono più simili a quelle moderne. E, si sa,

scrivere bene vuol dire pensare bene: così in quei secoli le approssimazioni andarono migliorando.

Attenzione! Nelle righe precedenti ho scritto spesso “approssimazione”: l’idea che quelle espressioni approssimassero il valore esatto di  $\pi$  greco non era però di tutti quei matematici. I greci capirono che  $\pi$  greco non era un numero razionale e che con le frazioni potevano solo accontentarsi di un’approssimazione. Molti altri matematici – ad esempio quanti trovarono espressioni con le radici – pensavano di poter averne il valore esatto. Si sbagliavano.

Torniamo a Fibonacci: nel 1220 propose il valore  $\frac{864}{275}$ . Gli costò un grande sforzo ma, in definitiva, fu un miglioramento solo 0,0001 più preciso del dato di Archimede.

Fu il francese Francois Viete alla fine del Sedicesimo secolo a cambiare totalmente approccio e a iniziare a proporre, per descrivere  $\pi$  greco, espressioni che fossero prodotti infiniti: in nuce comincia a emergere l’idea che  $\pi$  greco sia un numero trascendente, cioè non esprimibile con una quantità finita di operazioni elementari che coinvolgano solo numeri razionali.

Più o meno in contemporanea il tedesco Ludolph van Ceulen tornò sullo stesso metodo di Archimede, solo che riuscì ad applicarlo a poligono con più di 32 miliardi di lati: questo sforzo enorme gli fece conoscere le prime 35 cifre dello sviluppo decimale di  $\pi$  greco!

I tre secoli che ci separano da Viete e van Ceulen sono stati i più fertili, felici e tumultuosi della storia del pensiero matematico.  $\pi$  greco non è stato immune da questo scoppiettante fuoco d’artificio di idee e intuizioni. Oggi ne conosciamo oltre 2.000.000.000.000.000 di cifre. Ma soprattutto dal 1882 abbiamo la dimostrazione di un altro

tedesco, il matematico Ferdinand von Lindemann, che prova che  $\pi$  greco è un numero trascendente.

Oggi l'indagine per trovare nuove cifre di  $\pi$  greco e per studiarne le "regolarità" è uno dei campi su cui si testa la potenza e l'efficienza dei supercalcolatori. E molto c'è ancora da capire di queste regolarità.

Non sono molti i concetti noti all'uomo che sono studiati con profitto da oltre venticinque secoli. Non sono molti i problemi noti agli antichi che sono ancora oggi stimolanti e fertili.  $\pi$  greco lo è.

### **Circonferenza, cerchio e $\pi$ greco**

Tutti i cerchi sono simili tra loro: basta traslare i centri in modo che coincidano e poi con un'omotetia un cerchio si sovrappone all'altro.

Per similitudine, il rapporto tra la lunghezza della circonferenza e il raggio è costante:  $\frac{C(r)}{r} = \text{costante}$ . E per lo stesso motivo è costante il rapporto tra l'area del cerchio e il quadrato del raggio:  $\frac{A(r)}{r^2} = \text{costante}$ .

Ora dimostreremo che queste costanti non sono qualsiasi, ma sono legate tra loro da una relazione elementare: l'una è il doppio dell'altra.

Il primo passo è dare una definizione: chiamiamo  $2\pi$  la prima delle due costanti. Ovvero scriviamo  $\frac{C(r)}{r} = 2\pi$ .

Attenzione! Non abbiamo fatto altro che dare un nome a una delle due costanti. Abbiamo chiamato  $\pi$  la metà del rapporto



tra circonferenza e raggio, ovvero il rapporto tra circonferenza e diametro.

Prima di spostare la nostra attenzione sull'area del cerchio e sulla costante che la lega al quadrato del raggio, ricordiamoci un fatto generale valido per tutti i poligoni regolari.

Il raggio di un poligono regolare è il raggio  $r$  del cerchio inscritto.

L'area di un poligono regolare è, sempre, il prodotto tra il semiperimetro,  $p$ , e questo raggio.

Se indichiamo con  $2p_n$  il perimetro e con  $A_n$  l'area dell' $n$ -agono regolare e con  $r$  il raggio del cerchio inscritto, la relazione che li lega è  $A_n = p_n r$ .

Adesso scegliamo un particolare cerchio, quello di raggio 1,  $r=1$ . Allora per tutti i poligoni regolari a esso circoscritti abbiamo che il valore dell'area è lo stesso di quello del semiperimetro  $A_n = p_n$ .

Man mano che aumenta il numero di lati  $n$ , il perimetro  $2p_n$  approssima sempre meglio la lunghezza della circonferenza  $C$ , e l'area  $A_n$  approssima sempre meglio quella del cerchio  $A$ .

Allora l'area del cerchio di raggio 1 ha lo stesso valore della semicirconferenza. E quindi  $\frac{A(r)}{r^2} = A(1) = \pi$ .

E con questo abbiamo mostrato che la relazione tra le due costanti.

$$C=2\pi r$$

$$A=\pi r^2$$

## Calcoliamo pi greco con Excel

Se vogliamo fare un piccolo esperimento con il foglio di calcolo, possiamo cercare di trovare una nostra approssimazione di pi greco.

Ecco come possiamo fare.

Nella riga 1, compiliamo le celle con queste intestazioni.

	A	B	C	D	E	F
1	0	x	y	$x^2+y^2<1$	0	$\pi$

La colonna A è un contatore che conta le righe.

La B contiene l'ascissa di un punto nel primo quadrante.

La C contiene l'ordinata dello stesso punto nel primo quadrante.

La D ci dice se il punto (x;y) sta o meno nel cerchio di raggio 1 e centro nell'origine.

La E è un contatore di quanti punti stanno nel cerchio.

La F è il quadruplo del rapporto tra i due contatori e approssima pi greco.

Vediamo le formule per esprimere questi fatti nella riga 2.

	A	B	C	D	E	F
1	0	x	y	$x^2+y^2<1$	0	$\pi$
2	=A1+1	=casuale()	=casuale()	=SE(B2^2+C2^2<1;1;0)	=E1+D2	=4*E2/A2

Ora copiamo la riga 2 tante volte quante vogliamo.

Facciamolo almeno con qualche centinaia di righe.

L'ultimo valore nella colonna F sarà una tua approssimazione di pi greco.

## Qualche lettura per saperne di più

David Blatner ha scritto, e pubblicato in Italia per Garzanti, *Le gioie del  $\pi$* , un volumetto curioso, agile e ricco di storia e di informazioni.

Serge Lang, *La bellezza della matematica*, Bollati Boringhieri, è un libro che contiene quattro imperdibili conversazioni sulla matematica: una di queste è su  $\pi$  greco.

*Facile come  $\pi$ ?* è l'introduzione alla matematica superiore scritta da Oleg Aleksandrovic Ivanov (edito da Bollati Boringhieri). Richiede qualche sforzo ma è una lettura sempre arricchente.

Di tutt'altro genere e di tutt'altra leggibilità è il romanzo *La chioma di Berenice* (Longanesi) dello scrittore e matematico Denis Guedj. Una vicenda avventurosa – in tutti i sensi – che vede  $\pi$  greco come elemento essenziale.

*Cerchi* di Catherine Sheldrick Ross (Editoriale Scienza) è un libro per fare matematica che può benissimo finire in mano a uno studente della scuola secondaria di primo grado.

Lo stesso editore, per lo stesso pubblico, ha anche edito *Tutti in festa con  $\pi$  Greco* della valente divulgatrice Anna Cerasoli.

Su  $\pi$  greco la bibliografia (e la filmografia) sono ampie, a vari livelli. Se vi va, a me fa piacere ricevere le vostre segnalazioni di quali libri, o film, vi appassionano e vi convincono di più. Scrivetemi le vostre micro recensioni sulla pagina Facebook del *Bello della matematica*<sup>2</sup>.

---

<sup>2</sup> [www.facebook.com/ilbellodellamatematica](http://www.facebook.com/ilbellodellamatematica)